

$$\textcircled{7} \begin{cases} y^2 - 2b^2 = \frac{2b^2 - bxy}{2} & (b \neq 0) \\ bx - 2b = 2y \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2y^2 - 2b^2 = 2b^2 - bxy \\ bx = 2b + 2y \end{cases}$$

$$\textcircled{8} \begin{cases} 2y^2 - 6b^2 + bxy = 0 \\ x = \frac{2(b+y)}{b} \end{cases}$$

Sostituisco nella prima equazione

$$\textcircled{9} \quad 2y^2 - 6b^2 + by \cdot \frac{2(b+y)}{b} = 0$$

(posso semplificare perché esiste la condizione $b \neq 0$)

$$2y^2 - 6b^2 + 2y(b+y) = 0$$

(divido tutto per 2 e semplifico)

$$y^2 - 3b^2 + y(b+y) = 0$$

$$y^2 - 3b^2 + by + y^2 = 0$$

$$2y^2 + by - 3b^2 = 0$$

$$y = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 + 24b^2}}{4} = \frac{-b \pm \sqrt{25b^2}}{4} =$$

$$= \frac{-b \pm 5b}{4} \begin{cases} \frac{-6b}{4} = -\frac{3}{2}b \\ \frac{4b}{4} = b \end{cases}$$

la soluzione è (sono 2)

$$\begin{cases} y = b \\ x = 2 \frac{(b+b)}{b} = \frac{4b}{b} = 4 \end{cases} \quad (4; b)$$

$$\begin{cases} y = -\frac{3}{2}b \\ x = 2 \frac{(b - \frac{3}{2}b)}{b} = \frac{2 \cdot (-\frac{1}{2}b)}{b} = -1 \end{cases} \quad (-1; -\frac{3}{2}b)$$